

熱流体トレーニング (7)

刑部真弘*1

OSAKABE Masahiro

おだてるのが上手な人が多く、この熱流体トレーニングも7回目となってしまった。今回は本学会とも関連深いタービンの羽に働く力について考えてみる。

図1に示す曲がり板をもつ車に噴流を当て、推進力を得る場合を考える。曲がり板への入口噴流速度は c_1 (m/s)、噴流流量を G (kg/s)、車は噴流を受け u (m/s)で移動しているとす。また、曲がり板に沿っての摩擦がない理想的な場合を考える。この車に乗っている人から見た曲がり板入口相対速度は

$$w_1 = c_1 - u \quad (1)$$

この水平方向相対速度は、曲がり板の中央で0となり、曲がり板に対して水平方向の衝動力

$$F_1 = G(c_1 - u) \quad (2)$$

を与える。水平方向相対速度0となった噴流は、曲がり板に沿って摩擦による減速なしで流れ、相対速度

$$w_2 = -(c_1 - u) \quad (3)$$

で後方に打ち出される。このとき曲がり板は反動力

$$F_2 = G(c_1 - u) \quad (4)$$

を受ける。

この反動力というのが初学者には非常に理解し難いが、運動量0の流体をある運動量で打ち出すには力が必要なのである。例えば、消防士が放水ホースから運動量をもった水を放水するときには、後方へ大きな反動力を受ける。ピストルやバズーカ砲を撃つ時だってかなりの反動力がかかるのである。なお、曲がり板が平板だとすると衝動力しか利用できない。曲がり板は反動力も利用できるのでパワフルである。プールの中で早く歩こうとして、手のひらを曲げて水をかくのは反動力を利用しているのである。

さて、話を図1に戻して、噴流がこの車になす1秒間当たりの仕事は、

$$L = (F_1 + F_2)u = 2Gu(c_1 - u) \quad (5)$$

となる。仕事は力に移動距離をかけたもので定義される。また、噴流の持っていた運動エネルギーの何%が仕事に使われたかを表す効率は

$$\eta = \frac{L}{\frac{1}{2}Gc_1^2} = 4 \frac{u}{c_1} \left(1 - \frac{u}{c_1}\right) \quad (6)$$

図2に、式(6)による効率曲線を示す。速度比 u/c_1 が0.5のとき効率は最大値1をとることがわかる。すなわち、噴流絶対速度の半分速度で、車を動かす場合が最も効率が低いことを示している。

なぜ速度比 u/c_1 が0.5のとき効率は最大になるのだろうか。これを考えるのに、曲がり板を出たところの噴流の絶対速度を考えてみる。曲がり板出口の噴流絶対速度 c_2 (m/s)は、式(3)で表される出口相対速度に車の移動速度を加えたものであるので、

$$c_2 = -(c_1 - 2u) \quad (7)$$

すなわち速度比 u/c_1 が0.5のとき、この噴流絶対速度は0となり、噴流の運動エネルギーがすべて車の駆動に使われていることを示す。タービン翼は、この曲がり板を持つ車がローターに設置されたようなものであり、噴流速度とローターの回転周速度の間に、効率を最大とするような最適条件がある。今、あなたの家に電気を供給しているタービン発電機の翼も、やたらとブンブン回っているわけではないのである。

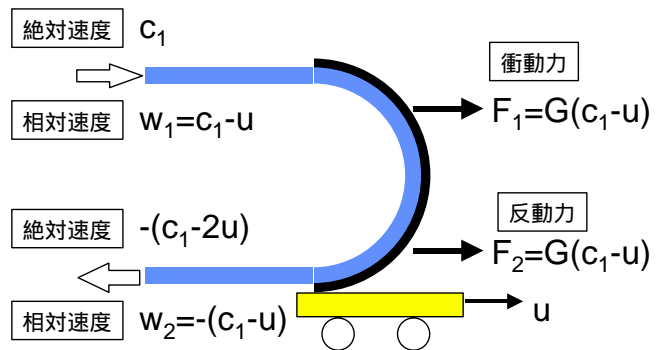


図1 曲がり板をもつ車に働く力

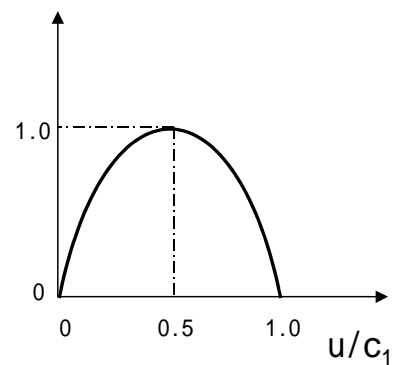


図2 曲がり板をもつ車の効率

参考文献

- (1) 刑部真弘, ターボ動力工学, 海文堂, (2001)

*1 東京海洋大学海洋工学部 海洋電子機械工学科 (江東区越中島2-1-6) .